SUITES NUMERIQUES et SAUT EN PARACHUTE

Première partie

On utilise dans ce TD les suites numériques pour calculer la vitesse d'un parachutiste.

Introduction : Un saut en parachute peut être décomposé en 2 parties :

En chute libre, la vitesse V augmente rapidement. Les

forces en présence sont :

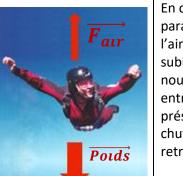
$$Poids = m \times 9.81$$
$$F_{air} = k \times V^2$$

k étant une constante appelée coefficient de pénétration dans l'air du parachutiste.

L'augmentation de vitesse

est due au déséquilibre entre ces 2 forces.

Lorsque F_{air} devient égale au poids, la vitesse de chute est stabilisée.



En ouvrant le parachute, la force de l'air augmente subitement. Ce nouveau déséquilibre entre les 2 forces en présence va freiner la chute jusqu'à retrouver un équilibre.



Soit la suite v_n définie par :

 v_n = vitesse du parachutiste, en m.s⁻¹, au bout de n <u>dixièmes de secondes</u> de chute libre v_0 = vitesse initiale de chute = 0

En utilisant les principes de physique, on démontre que \emph{v}_n est définie par la relation de récurrence suivante :

$$v_{n+1} = -\frac{k}{800} v_n^2 + v_n + 0.981$$

Durant la phase de chute libre, si le parachutiste prend une position à plat (photo) on admet que : k=0.25 . Après ouverture du parachute, on admet que k=31.4 .

On se propose d'étudier le saut d'un parachutiste qui se jette du haut de la tour Burj Khalifa à Dubaï. Cette tour a été achevée en 2010 et a une hauteur de 828 mètres.



$$v_{1} = -\frac{0.25}{800} \quad v_{0}^{2} + v_{0} + 0.981$$

$$v_{1} = -\frac{0.25}{800} \quad 0^{2} + 0 + 0.981$$

$$v_{1} = \mathbf{0.981}$$

$$v_{2} = v_{4} = v_{4}$$

<u>1-ETUDE EN CHUTE LIBRE</u>: On a ici k = 0.25. D'où : $v_{n+1} = -\frac{0.25}{800} v_n^2 + v_n + 0.981$ et $v_0 = 0$

1- Calculer les termes v_1 , v_2 et v_3 de cette suite à la main :



Pour calculer les termes suivants, on se propose d'écrire un programme.



⇒ Lancer sur ordinateur le logiciel Pyzo qui permet d'écrire des programmes en langage Python.



- ⇒ Créer un répertoire nommé *Parachutiste* dans votre bibliothèque
- ⇒ Dans l'onglet *File*, créer un nouveau fichier et le sauvegarder sous le nom « *Chute libre vitesse* » dans le répertoire *Parachutiste*

On se propose de construire le programme petit à petit :

⇒ Dans la fenêtre de gauche qui est celle où l'on écrit le programme, écrire



⇒ Dans la fenêtre de droite qui est celle où le sur la touche F5 : le programme s'exécute ✓

programme s'exécute, cliquer pour vous y placer et taper

⇒ Compléter le programme en demandant à l'utilisateur de saisir la valeur de n :



Utiliser la fonction input pour cela.

⇒ Rajouter une ligne qui permet lors de l'exécution d'avoir :

```
>>> (executing file "Chute libre vitesse.py")
Tu sautes en chute libre à l'instant t = 0
Entre le temps en dixième de seconde pour lequel tu veux connaitre la vitesse 2
Tu veux connaitre la vitesse du parachutiste au bout de 2 dixième de seconde de chute
```

⇒ On écrit à présent la partie qui calcule la vitesse.



Pour cela reprenez la formule $v_{n+1}=-rac{0.25}{800} \ v_n^2 + \ v_n + \ 0.981$

Vous pouvez par exemple utiliser une boucle du type : for i in range(1,n+1)

 \Rightarrow Exécuter ce programme pour n=10.

⇒ Normalement on obtient :

```
>>> (executing file "Chute libre vitesse.py")
Tu sautes en chute libre à l'instant t = 0
Entre le temps en dixièmes de seconde pour lequel tu veux connaître la vitess e 10
Tu veux connaître la vitesse du parachutiste au bout de 10 dixièmes de seconde de chute
v 1 = 0.981
v 2 = 1.9616992621875
v 3 = 2.941496679688979
v 4 = 3.919792803840035
v 5 = 4.895991311457212
v 6 = 5.869500458044128
v 7 = 6.839734509410697
v 8 = 7.806115144366939
v 9 = 8.768072821346246
v 10 = 9.725048102283612
```

⇒ Inutile d'afficher tous les termes de la suite, seul le dernier est utile. Modifier votre programme pour afficher la dernière valeure seulement.

Question: Que donne l'exécution à présent?:

⇒ Modifier l'écriture des résultats pour améliorer le programme : mettre la vitesse en km/h et mettre un seul chiffre après la virgule.



Pour mettre un seul chiffre après la virgule, utilisez la fonction round.

⇒ Rajouter une ligne qui permet lors de l'exécution d'avoir :

```
>>> (executing file "Chute libre vitesse.py")
Tu sautes en chute libre à l'instant t = 0
Entre le temps en dixièmes de seconde pour lequel tu veux connaître la vitesse
35
Tu veux connaître la vitesse du parachutiste au bout de 35 dixièmes de second
e de chute
v 35 = 30.719441681452157
Au bout de 3.5 secondes de chute, la vitesse est de 110.6 km/h
```



Pour rappel, il possible d'intégrer la valeur d'une variable dans un texte avec la fonction print.

Par exemple si x est la variable :

print ("La valeur de x est :",x,"secondes")

⇒ Nous allons tracer la courbe de la vitesse en fonction du temps et vérifier l'accélération.

Pour cela vous créerez deux fonction python :

- Une fonction pour calculer la vitesse
- Une fonction pour tracer le graph

La courbe représentera la vitesse en km/h et le temps en seconde.

Utilisez une liste pour stocker toute vos vitesses. Pour rappel, la méthode append() accolée au nom de votre liste permet d'ajouter une valeur à la liste.

Pour tracer la courbe, vous devrez utiliser la librairie matplotlib en l'important de la manière suivante :

import matplotlib.pyplot as plt

Nous vous donnons le programme pour tracer la courbe. A vous de l'adapter dans votre programme :

Tracer la courbe

plt.plot (temps, liste, marker='o', linestyle='-', color='b', label="Vitesse du parachutiste")

Ajouter des labels et un titre

plt.xlabel("Temps (s)")

plt.ylabel("Vitesse (km/h)")

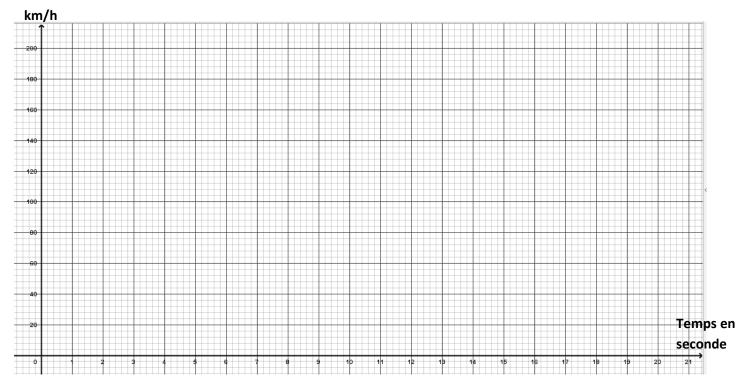
plt.title("Évolution de la vitesse d'un parachutiste au cours du temps")

plt.legend()

Afficher la courbe

plt.grid(True) # Ajouter une grille pour améliorer la lisibilité plt.show()





Question: A partir de quel temps en secondes, la vitesse du parachutiste dépasse les 200 km/h?